

Министерство культуры Республики Татарстан
ГАПОУ «Казанский техникум народных художественных промыслов»

Рассмотрена и одобрена на заседании
предметно-цикловой комиссии
Протокол № 6 от 24.04.2025г.

 Мамадалиева Ч.Г.

Утверждаю
Заместитель директора по УПР
Габдрахманова Р.М.



"24" апреля 2025г.

КОНТРОЛЬНО – ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ
учебной дисциплины

ОУД 04 Математика

программы подготовки специалистов среднего звена,

по специальности

09.02.07 Информационные системы и

программирование

Базовая подготовка профессионального образования

Казань 2025г.

Содержание

1. Общие положения

2. Показатели оценки результатов освоения дисциплины, формы и методы контроля и оценки.

3. Контрольно-оценочные материалы.

3.1. Текущий контроль.

3.2. Промежуточная аттестация.

1. ОБЩИЕ ПОЛОЖЕНИЯ

КОМы разработаны на основе

- ФГОС СПО по специальности 09.02.07 Информационные системы и программирование
- основной профессиональной образовательной программы по ППССЗ 09.02.07 Информационные системы и программирование;
- рабочей программы воспитания по программе подготовки специалистов среднего звена по специальности 09.02.07 Информационные системы и программирование,
- рабочей программы учебной дисциплины ОУД.04 Математика.

Контрольно-оценочные материалы предназначены для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу учебной дисциплины ОУД.04 Математика.

КОМы включают контрольные материалы для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации.

2. ПОКАЗАТЕЛИ ОЦЕНКИ РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ, ФОРМЫ И МЕТОДЫ КОНТРОЛЯ И ОЦЕНКИ.

В результате аттестации по учебной дисциплине осуществляется комплексная проверка следующих умений и знаний, а также динамика формирования общих компетенций:

Результаты обучения (освоенные умения, усвоенные знания)	Формы и методы контроля и оценки результатов обучения
Метапредметные	
-умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях;	Практическая работа №6, 16, 24, 27, 29, 39, 43,45,53 экзамен

-умение продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно разрешать конфликты; -владение навыками познавательной, Учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания; -готовность и способность к самостоятельной информационно познавательной деятельности, включая умение ориентироваться в различных источниках информации, критически оценивать и интерпретировать информацию, получаемую из различных источников; -владение языковыми средствами - умение ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства; - целеустремленность в поисках и принятии решений, сообразительность и интуиция, развитость пространственных представлений;	Практическая работа №6, 16, 24,27,29,39, экзамен Практическая работа №30, 31,33,34 Практическая работа № 30, 31, 33, 34 Практическая работа №1, 3, 7, 11, 17 Оценка устного опроса Практическая работа №6, 16, 24, 27, 29, 39,47,58 Диф.зачет, экзамен
Предметные -владение методами доказательств и алгоритмов решения, умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач; - -владение стандартными приёмами решения рациональных и иррациональных, показательных,	Практическая работа №7,8,9,10,11,17,18,19 Практическая работа №4,5,6,20,21,22,23,24, 36,37, 38,39,

степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств; -сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей; -владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире геометрические фигуры; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием; -сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, о статистических закономерностях в реальном мире, об основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин; -владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач	46,58 Диф. Зачет, экзамен Практическая работа № 32,33,34,35,36 Практическая работа №25,26,27 экзамен Практическая работа №30,31
ОК 01. Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстам; ОК 02. Использовать современные средства поиска, анализа и интерпретации информации, и информационные технологии для выполнения задач профессиональной деятельности; ОК 03. Планировать и реализовывать собственное профессиональное и личностное развитие, предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере, использовать знания по финансовой грамотности в различных жизненных ситуациях; ОК 04. Эффективно взаимодействовать и работать в коллективе и команде; ОК 05. Осуществлять устную и письменную	Практическая работа №1-58. Диф.зачет. Экзамен Проверка и оценка конспекта, ведение записей лекций в рабочей тетради Практическая работа №1-58 Проверка и оценка конспекта, ведение записей лекций в рабочей тетради оформление рефератов Экзамен

коммуникацию на государственном языке Российской Федерации с учетом особенностей социального и культурного контекста; ОК 06. Проявлять гражданско-патриотическую позицию, демонстрировать осознанное поведение на основе традиционных общечеловеческих ценностей, в том числе с учетом гармонизации межнациональных и межрелигиозных отношений, применять стандарты антикоррупционного поведения; ОК 09. Пользоваться профессиональной документацией на государственном и иностранном языках	
---	--

3. КОНТРОЛЬНО-ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ

3.1. Текущий контроль

3.1.1. Банк тестовых заданий по темам дисциплины

ТЕМА 1

Вариант 1

Часть 1

- 1 Вычислите значение выражения $4\sin\frac{7\pi}{6} + \operatorname{ctg}\frac{5\pi}{4}$.
- 2 Упростите выражение $2\cos^2\alpha - \cos 2\alpha$.
- 3 Найдите значение $\sin 2\alpha$, если $\cos\alpha = -\frac{1}{\sqrt{5}}$ и $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$.
- 4 Вычислите значение выражения $\cos(\alpha + \beta) + \sin\alpha \cdot \sin\beta$,
если $\cos\alpha = -\frac{2}{5}$, $\cos\beta = \frac{15}{16}$.

Часть 2

- 5 Докажите тождество $1 - 2\sin^2\alpha = \frac{2\cos^2\alpha \cdot \operatorname{tg}\alpha}{\operatorname{tg} 2\alpha}$.
- 6 Сравните с нулём значение выражения
 $A = \sin 25^\circ + \sin 35^\circ - \cos 5^\circ$.
- 7 Дана функция $y = -2\sin x$. Найдите её область определения, множество значений и все значения x , при которых $y = 0$.

К-2. ВАРИАНТ 2 (ТРАНСКРИПТ)

Часть 1

1. Вычислите значение выражения $\operatorname{tg} (3\pi/4) + 2\cos (5\pi/3)$.
2. Упростите выражение $4\sin \alpha \cdot \cos \alpha \cdot \cos 2\alpha$.
3. Найдите значение $\cos 2\alpha$, если $\sin \alpha = 1/\sqrt{3}$.
4. Вычислите значение выражения $\sin (\alpha-\beta) + \sin \beta \cdot \cos \alpha$, если $\sin \alpha = 3/5$, $\cos \beta = -7/15$.

Часть 2

5. Докажите тождество $(2\sin^2\alpha)/(\operatorname{tg} 2\alpha \cdot \operatorname{tg} \alpha) = \cos^2\alpha - \sin^2\alpha$.
6. Сравните с нулём значение выражения $A = \cos 75^\circ + \cos 45^\circ - \cos 15^\circ$.
7. Дана функция $y = 1 - \cos x$. Найдите её область определения, множество значений и все значения x , при которых $y = 0$.

Вариант 1**Часть 1**

№ задания	1	2	3	4
Ответ	-1	1	$-\frac{4}{5}$	$-\frac{3}{8}$

Часть 2

5 Докажите тождество $1 - 2\sin^2\alpha = \frac{2\cos^2\alpha \cdot \operatorname{tg}\alpha}{\operatorname{tg}2\alpha}$.

Решение.

$$1 - 2\sin^2\alpha = \cos 2\alpha,$$

$$\frac{2\cos^2\alpha \cdot \operatorname{tg}\alpha}{\operatorname{tg}2\alpha} = \frac{2\cos\alpha \cdot \sin\alpha}{\operatorname{tg}2\alpha} = \cos 2\alpha$$

Равенство верно при всех допустимых значениях α .

6 Сравните с нулём значение выражения $A = \sin 25^\circ + \sin 35^\circ - \cos 5^\circ$.

Решение.

$$\sin 25^\circ + \sin 35^\circ - \cos 5^\circ =$$

$$= 2\sin \frac{25^\circ + 35^\circ}{2} \cdot \cos \frac{25^\circ - 35^\circ}{2} - \cos 5^\circ = \cos 5^\circ - \cos 5^\circ = 0.$$

$$A = 0.$$

Ответ: $A = 0$.

7 Дана функция $y = -2\sin x$. Найдите её область определения, множество значений и все значения x , при которых $y = 0$.

Решение.

$$D(y) = \mathbf{R};$$

$$E(y) = [-2; 2], \text{ так как } -2 \leq -2\sin x \leq 2.$$

$$\sin x = 0 \text{ при } x = \pi n, n \in \mathbf{Z}.$$

Ответ: $D(y) = \mathbf{R}; E(y) = [-2; 2]; x = \pi n, n \in \mathbf{Z}.$

Вариант 2**Часть 1**

№ задания	1	2	3	4
Ответ	0	$\sin 4\alpha$	$\frac{1}{3}$	$-\frac{7}{25}$

Часть 2**5**

Докажите тождество $\frac{2\sin^2\alpha}{\operatorname{tg}2\alpha \cdot \operatorname{tg}\alpha} = \cos^2\alpha - \sin^2\alpha$.

Решение.

$$\frac{2\sin^2\alpha}{\operatorname{tg}2\alpha \cdot \operatorname{tg}\alpha} = \frac{2\sin^2\alpha \cdot \cos\alpha}{\operatorname{tg}2\alpha \cdot \sin\alpha} = \frac{\sin 2\alpha \cdot \cos 2\alpha}{\sin 2\alpha} = \cos 2\alpha,$$

$$\cos^2\alpha - \sin^2\alpha = \cos 2\alpha.$$

Равенство верно при всех допустимых значениях α .

6

Сравните с нулём значение выражения $A = \cos 75^\circ + \cos 45^\circ - \cos 15^\circ$.

Решение.

$$\begin{aligned} \cos 75^\circ + \cos 45^\circ - \cos 15^\circ &= \\ &= 2\cos \frac{75^\circ + 45^\circ}{2} \cdot \cos \frac{75^\circ - 45^\circ}{2} - \cos 15^\circ = \\ &= 2\cos 60^\circ \cos 15^\circ - \cos 15^\circ = 0. \end{aligned}$$

Ответ: $A = 0$.

7

Дана функция $y = 1 - \cos x$. Найдите её область определения, множество значений и все значения x , при которых $y = 0$.

Решение.

$$D(y) = \mathbf{R};$$

$$E(y) = [0; 2], \text{ так как } 0 \leq 1 - \cos x \leq 2.$$

$$1 - \cos x = 0, \cos x = 1 \text{ при } x = 2\pi n, n \in \mathbf{Z}.$$

Ответ: $D(y) = \mathbf{R}; E(y) = [0; 2]; x = 2\pi n, n \in \mathbf{Z}.$

ТЕСТ
по теме « ТРИГОНОМЕТРИЯ »

Часть А

Выбрать номер правильного ответа.

1. Вычислить значение выражения $\cos(\alpha - \beta) - 2 \sin \alpha \sin \beta$, если $\alpha = 42^\circ$, $\beta = 18^\circ$
 1) $-\frac{\sqrt{3}}{2}$ 2) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ 3) $0,5$ 4) $\frac{\sqrt{2}}{2}$
2. Найдите значение выражения $5 \cos^2 x + 1$, если $\sin^2 x = 0,3$
 1) $2,5$ 2) $5,55$ 3) $4,5$ 4) $7,5$
3. Вычислить $\operatorname{tg} \frac{7\pi}{4} - 2 \sin\left(-\frac{\pi}{6}\right) - \cos 3\pi$
 1) $\sqrt{3}$ 2) 1 3) $\sqrt{3} - 2$ 4) $-\sqrt{3}$
4. Решите уравнение $\cos 2x = -1$
 1) $\pi n, n \in \mathbb{Z}$ 2) $\frac{\pi}{4} + \pi n, n \in \mathbb{Z}$ 3) $\frac{\pi}{2} + \pi n, n \in \mathbb{Z}$ 4) $\frac{\pi}{2} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$
5. Решите уравнение $\sqrt{2} \cos x = 2$
 1) $\pm \arccos \frac{2}{\sqrt{2}} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$ 2) нет корней
 3) $\pm \frac{\pi}{4} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$ 4) $\pm \arccos \sqrt{2} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$
6. Найдите область значений функции $y = -5 \cos x$
 1) $[-1; 1]$ 2) $[1; 5]$ 3) $[-5; 1]$ 4) $[-5; 5]$
7. Какая из данных функций возрастает на промежутке $\left[-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right]$
 1) $y = \operatorname{tg} x$ 2) $y = \cos x$ 3) $y = |\sin x|$ 4) $y = \sin x$
8. Назовите нули функции $y = \cos x$
 1) $\pi n, n \in \mathbb{Z}$ 2) $\frac{\pi}{2} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$ 3) $\frac{\pi}{2} + \pi n, n \in \mathbb{Z}$ 4) $2\pi n, n \in \mathbb{Z}$
9. Найдите $\operatorname{tg} \alpha$, если $\cos \alpha = -\frac{3}{2\sqrt{7}}; \alpha \in \left(\frac{\pi}{2}; \pi\right)$
 1) $-\frac{3}{\sqrt{19}}$ 2) $-\frac{4}{\sqrt{19}}$ 3) $-\frac{\sqrt{19}}{4}$ 4) $-\frac{\sqrt{19}}{3}$
10. Вычислите $\sin(-330^\circ)$
 1) $\frac{1}{2}$ 2) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ 3) $-\frac{\sqrt{3}}{2}$ 4) $-\frac{1}{2}$

Часть В

Запишите ответ.

1. Найдите значение выражения $13 \sin 2x$, если $\cos x = \frac{2}{\sqrt{13}}$, $-\pi < x < 0$.
2. Упростите выражение $\cos^2(30^\circ - \alpha) - \sin^2(60^\circ + \alpha)$.

3. Найдите значение выражения $\arcsin\left(\sin\frac{\pi}{3}\right) + \arcsin\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$.
4. Вычислить $\frac{\cos 119^\circ \sin 31^\circ + \cos 29^\circ \cos 31^\circ}{\sin 17^\circ \sin 103^\circ + \cos 17^\circ \sin 13^\circ}$.
5. Решите уравнение $3 \cos x - \sin 2x = 0$.
6. Найдите сумму корней уравнения $2 \sin x \cos x - \cos^2 x = \sin^2 x$ на промежутке $\left(0; \frac{3}{2}\pi\right)$.
7. Найдите наибольшее значение функции $y = 4 \sin\left(x - \frac{\pi}{6}\right)$.
8. Назовите область определения функции $y = \arccos x$.

Часть С

Решите

1. Найдите значение выражения $\frac{4}{3} \operatorname{tg}\left(\pi - \arcsin\left(-\frac{3}{5}\right)\right)$.
2. Решите уравнение $\cos 2x + \cos^2 x = \sin x$.

ОТВЕТЫ

ЧАСТЬ А

- A1
- A2 3
- A3 2
- A4 3
- A5 2
- A6 4
- A7 4
- A8 3
- A9 4
- A10 4

ЧАСТЬ В

- B1 - 12
- B2 0
- B3 0
- B4 1
- B5 $\frac{\pi}{2} + \pi n, n \in \mathbb{Z}$
- B6 $\frac{3}{2}\pi$
- B7 4
- B8 $[-1; 1]$

ЧАСТЬ С

- C1 1
- C2 - $\frac{\pi}{2} + \pi n, n \in \mathbb{Z}$
- $(-1)^n \arcsin \frac{2}{3} + \pi n, n \in \mathbb{Z}$

ТЕМА 2

Контрольная работа по теме: «Целые и рациональные числа. Действительные числа. Приближенные вычисления»

1 вариант	2 вариант
1. Поставить вместо * знак $\in$ или $\notin$ так, чтобы получилось верное утверждение (N – множество натуральных чисел; Z – множество целых чисел; Q – множество рациональных чисел; R – множество действительных чисел).	
а) $1 * N$ б) $-\frac{3}{7} * Z$ в) $\frac{2}{1} * Q$ г) $-\sqrt{10} * R$	а) $-2 * N$ б) $8 * Z$ в) $\frac{9}{12} * Q$ г) $0,45(175) * R$
2. Вычислить	
$\left(6,72 : \frac{3}{5} + 1\frac{1}{8} \cdot 0,8\right) : 1,21 - 6\frac{3}{8}$	$3\frac{3}{4} \cdot 1\frac{1}{5} + (2,55 + 2,7) : \left(0,1 - \frac{1}{80}\right)$
3. Представить бесконечную периодическую десятичную дробь в виде обыкновенной	
1,5(2)	1,3(4)
4. Записать число в виде бесконечной десятичной дроби	
$\frac{53}{12}$	$\frac{78}{11}$
5. Округлить дробь до тысячных; до сотых; до десятых; до целых	
57,3812	34,6728
6. Вычислить абсолютную и относительную погрешность числа	

$12,3 \pm 0,3$	$12,5 \pm 0,2$
----------------	----------------

Ответы

1 вариант		2 вариант	
1. а) $1 \in N$; б) $-\frac{3}{7} \notin Z$		1. а) $-2 \notin N$; б) $8 \in Z$	
в) $\frac{2}{1} \in Q$; г) $-10 \in R$		в) $\frac{9}{12} \in Q$; г) $0,45(175) \in R$	
2. $3\frac{5}{8}$	3. $x = \frac{137}{90}$	2. $64\frac{1}{2}$	3. $x = \frac{121}{90}$
4. 4,41(6)		4. 7,(09)	
5. 57,381 57,38 57,4 57		5. 34,673 34,67 34,7 35	
6. $\Delta = 0,3$; $\delta = \frac{3}{123}$		6. $\Delta = 0,2$; $\delta = \frac{2}{125}$	

Тема 3 Прямоугольная система координат

Задание 1

Установите соответствие в названиях координатных осей прямоугольной системы координат пространства

Укажите соответствие для всех трех вариантов

- | | |
|-----------------|------|
| 1) ось абсцисс | - ох |
| 2) ось ординат | - оу |
| 3) ось аппликат | - оз |

Задание 2

На каком расстоянии от оси Oz находится точка W(0; 8; 4)? В ответе укажите число единиц, выражающее искомое расстояние. Например: 19.

Запишите число

Задание 3

На каком расстоянии от оси Ox находится точка $W(9; 8; 0)$? В ответе укажите число единиц, выражающее искомое расстояние. Например: 19.

Задание 4

Укажите, какие условия для координат точки должны выполняться, чтобы она лежала на оси Ox .

Выберите несколько из 6 вариантов ответа

- | | | |
|-------------------------|---------------------|------------------------|
| 1) аппликата не равна 0 | 2) абсцисса равна 0 | 3) аппликата равна 0 |
| 4) ордината не равна 0 | 5) ордината равна 0 | 6) абсцисса не равна 0 |

Задание 5

Установите порядок
записи координат
некоторой точки
пространства

(...; ...; ...)

- 1) ордината
- 2) аппликата
- 3) абсцисса

Задание 6

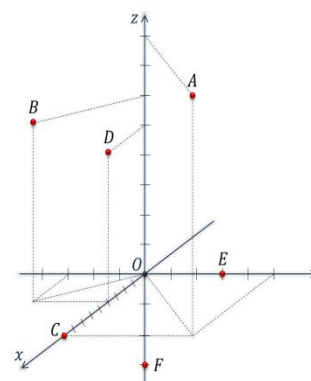
По координатам точек, определите координатные плоскости, в которых они лежат.
Укажите соответствие для всех 4 вариантов ответа

- 1) Точка К (3; -8,2; 0) - принадлежит координатной плоскости Oxz .
- 2) Точка В (0; 4,1; 7) - не лежит ни в одной из координатных плоскостей
- 3) Точка С (5; 0; 12) - принадлежит координатной плоскости Oxy .
- 4) Точка Е (1; 1; 1) - принадлежит координатной плоскости Oyz .

Задание 7

Пользуясь данными рисунка, определите координаты точек.
Укажите соответствие для всех 6 вариантов ответа:

- 1) А - (0;0;-3)
- 2) В - (4;0;5)
- 3) С - (9;5;8)
- 4) Д - (0;3;0)
- 5) Е - (4;-3;6)
- 6) F - (9;0;0)



Задание 8

Пользуясь тем, что $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ - куб, определите координаты точки С. В ответе укажите координаты точки по образцу (5;13;7), не используя пробелы.

Изображение

Задание 9

А (9; -1; 3). Определите координаты ортогональных проекций точки А на координатные плоскости.

Укажите соответствие для всех 3 вариантов ответа:

- 1) Проекция точки А на плоскость Oxy имеет координаты - (9;0;3)
- 2) Проекция точки А на плоскость Oyz имеет координаты -(0; -1; 3).
- 3) Проекция точки А на плоскость Oxz имеет координаты -(9; -1; 0).

Задание 10

Какой координатной плоскости нет в прямоугольной системе координат пространства?

Выберите один из 4 вариантов ответа:

- 1) xyz 2) Oxz 3) Oyz 4) Ox

Ответы:

1) (1 б.) Верные ответы:

- 1;
- 2;
- 3;

2) (1 б.): Верный ответ: 8.;

3) (1 б.): Верный ответ: 8.;

4) (1 б.) Верные ответы: 3; 5; 6;

5) (1 б.) Верные ответы:

- 2;
- 3;
- 1;

6) (1 б.) Верные ответы:

- 3;
- 4;
- 1;
- 2;

7) (1 б.) Верные ответы:

- 6;
- 4;
- 1;
- 5;
- 2;
- 3;

8) (1 б.) Верный ответ: "(1;1;1)".

9) (1 б.) Верные ответы:

- 3;
- 2;
- 1;

10) (1 б.) Верные ответы: 1;

Координаты вектора

Задание 1

По координатам векторов $\vec{a} \{3; 7; -8\}$ и $\vec{b} \{1; 0; 3\}$, найдите координаты вектора $6\vec{b} - 2\vec{a}$. В ответе укажите координаты вектора по образцу $\{1;-5;3,5\}$ без пробелов.

Задание 2

Пользуясь разложением вектора по координатным векторам, определите его координаты.

$$\vec{a} = -2\vec{k} + 3\vec{j} - 7\vec{i}$$

Выберите один из 4 вариантов ответа:

- 1) $\{-7; 3; -2\}$ 2) $\{3; -2; -7\}$ 3) $\{-2; 3; -7\}$ 4) $\{2; 3; 7\}$

Задание 3

По координатам векторов $\vec{a} \{3; 7; -8\}$ и $\vec{b} \{1; 0; 3\}$, найдите координаты вектора их суммы $\vec{a} + \vec{b}$. В ответе укажите координаты вектора суммы по образцу $\{1;-5;3,5\}$ без пробелов.

Задание 4

Пользуясь координатами векторов и тем, что начало каждого из них совпадает с точкой О начала координат, определите координатные плоскости, в которых они лежат.

Укажите соответствие для всех 4 вариантов ответа:

- 1) Вектор с координатами $\{3; -8,2; 0\}$ - лежит в координатной плоскости Oхz.
- 2) Вектор с координатами $\{0; 4,1; 7\}$ - лежит в координатной плоскости Оху.
- 3) Вектор с координатами $\{5; 0; 12\}$ - лежит в координатной плоскости Оуz.
- 4) Вектор с координатами $\{1; 11; -6\}$ - не лежит ни в одной из координатных плоскостей.

Задание 5

Установите соответствие между разложениями векторов по координатным векторам и их координатами.

Укажите соответствие для всех 5 вариантов ответа:

1) $\vec{a} = 2\vec{i} + 3\vec{j} + 2\vec{k}$ $\{2; 3; 2\}$

2) $\vec{b} = 2\vec{i} + 2\vec{k}$ $\{0; 3; 2\}$

$$3) \vec{c} = 3\vec{j} + 2\vec{k} \{2; 3; -2\}$$

$$4) \vec{d} = 2\vec{i} + 3\vec{j} - 2\vec{k} \{0; 0; 2\}$$

$$5) \vec{e} = 2\vec{k} \{2; 0; 2\}$$

Задание 6

Укажите, вектор с какими координатами будет являться противоположным координатному вектору $\vec{i}$.

Выберите один из 4 вариантов ответа:

- 1) $\{0; -1; 0\}$ 2) $\{-1; 0; 0\}$ 3) $\{0; 0; -1\}$ 4) $\{-1; -1; -1\}$

Задание 7

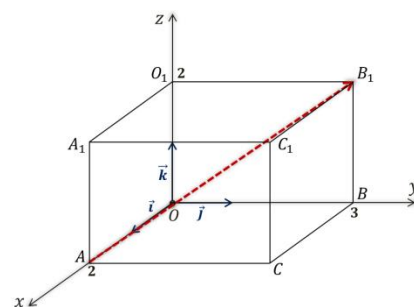
Установите порядок записи координат некоторого вектора в пространстве $\{...; ...; ...\}$.

Укажите порядок следования всех 3 вариантов ответа:

1. ордината 2. абсцисса 3. аппликата

Задание 8

Пользуясь данными рисунка, определите координаты вектора $\overrightarrow{AB_1}$. В ответе укажите координаты вектора по образцу $\{1;-5;3,5\}$ без пробелов.



Задание 9

По координатам векторов $\vec{a} \{3; 7; -8\}$ и $\vec{b} \{1; 0; 3\}$, найдите координаты вектора их разности $\vec{b} - \vec{a}$. В ответе укажите координаты вектора разности по образцу $\{1;-5;3,5\}$ без пробелов.

Задание 10

Укажите, какие условия для координат вектора должны выполняться, чтобы она лежал или был параллелен оси Оу.

Выберите несколько из 6 вариантов ответа:

- 1) Абсцисса равна 0.2) Аппликата не равна 0.3) Абсцисса не равна 0.
4) Ордината равна 0.5) Аппликата равна 0.6) Ордината не равна 0.

Ответы:

1) (1 б.) Верный ответ: "{0;-14;34}".

2) (1 б.) Верные ответы: 1;

3) (1 б.) Верный ответ: "{4;7;-5}".

4) (1 б.) Верные ответы:

3;

1;

2;

4;

5) (1 б.) Верные ответы:

1;

3;

4;

5;

2;

6) (1 б.) Верные ответы: 2;

7) (1 б.) Верные ответы:

2;

1;

3;

8) (1 б.) Верный ответ: "{-2;3;2}".

9) (1 б.) Верный ответ: "{-2;-7;11}".

10) (1 б.) Верные ответы: 1; 5; 6;

Связь между координатами векторов и координатами точек

Задание 1

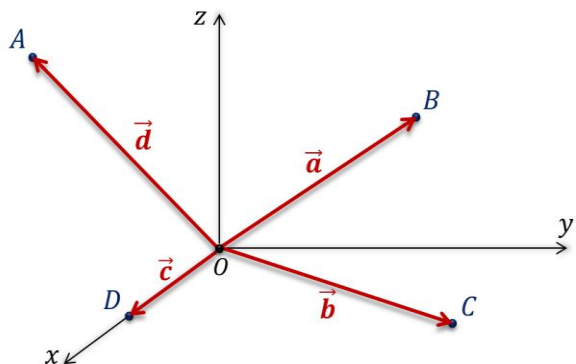
Найдите значение переменной m , при котором векторы $\vec{a} \{15; m; 1\}$ и $\vec{b} \{45; 12; 3\}$ будут коллинеарны.

Задание 2

"Координаты точки М ... соответствующим координатам её радиус-вектора." Вставьте пропущенное слово

Задание 3

Пользуясь данными рисунка, для каждой точки укажите её радиус-вектор.



- 1) A__ $\vec{a}$
- 2) B__ $\vec{c}$
- 3) C__ $\vec{b}$
- 4) D__ $\vec{d}$

Задание 4

По координатам точек $A(11; -2; 0)$ и $B(-7; 8; 4)$ определите координаты данных векторов, если точка O - точка начала координат.

Укажите соответствие для всех 4 вариантов ответа:

- 1) $\overrightarrow{AB}$ __ $\{-7; 8; 4\}$
- 2) $\overrightarrow{BA}$ __ $\{11; -2; 0\}$
- 3) $\overrightarrow{OA}$ __ $\{18; -10; -4\}$
- 4) $\overrightarrow{OB}$ __ $\{-18; 10; 4\}$

Задание 5

Найдите значение переменной n , при котором векторы $\vec{a} \{n; 5; 0\}$ и $\vec{b} \{9; 1; 0\}$ будут коллинеарны.

Задание 6

Среди данных пар векторов укажите те, которые являются коллинеарными.

Выберите несколько из 5 вариантов ответа:

- 1) $\vec{m} \{0; 0; 0\}$, $\vec{n} \{5; 7; -3\}$
- 2) $\vec{c} \{1; -1; 3\}$, $\vec{d} \{2; 3; 15\}$
- 3) $\vec{i} \{1; 0; 0\}$, $\vec{j} \{0; 1; 0\}$
- 4) $\vec{p} \{\frac{1}{3}; -1; 5\}$, $\vec{q} \{-1; -3; -15\}$
- 5) $\vec{a} \{3; 6; 8\}$, $\vec{b} \{6; 12; 16\}$

Задание 7

Найдите значения переменных m и n , при которых векторы $\vec{a} \{n; 6; -3\}$ и $\vec{b} \{-3; 2; m\}$ будут коллинеарны.

Выберите несколько из 6 вариантов ответа:

- 1) $m=1$ 2) $n=-9$ 3) $m=-9$ 4) $n=-1$ 5) $n=9$ 6) $m=-1$

Задание 8

При каком значении переменной x коллинеарны будут векторы $\vec{a} \{-3; -3; x\}$, $\vec{i} \{1; 0; 0\}$, $\vec{j} \{0; 1; 0\}$?

Задание 9

Координаты коллинеарных векторов

Выберите один из 3 вариантов ответа:

- 1) пропорциональны 2) противоположны 3) равны

Задание 10

При доказательстве компланарности векторов $\vec{d} \{1; -1; 2\}$, $\vec{e} \{-2; 0; 1\}$, $\vec{f} \{5; -1; 0\}$ было получено разложение вектора $\vec{d}$ по векторам $\vec{e}$ и $\vec{f}$.
Какое это разложение?

Выберите один из 4 вариантов ответа:

1) $\vec{f} = 2\vec{d} - \vec{e}$ 2) $\vec{f} = \vec{d} - 2\vec{e}$ 3) $\vec{f} = 2\vec{e} - \vec{d}$ 4) $\vec{f} = \vec{e} - 2\vec{d}$

Ответы:

- 1) (1 б.): Верный ответ: 4.;
- 2) (1 б.) Верный ответ: "равны".
- 3) (1 б.) Верные ответы:
 - 2;
 - 4;
 - 3;
 - 1;
- 4) (1 б.) Верные ответы:
 - 4;
 - 3;
 - 2;
 - 1;
- 5) (1 б.): Верный ответ: 45.;
- 6) (1 б.) Верные ответы: 1; 5;
- 7) (1 б.) Верные ответы: 2; 6;
- 8) (1 б.): Верный ответ: 0.;
- 9) (1 б.) Верные ответы: 1;
- 10) (1 б.) Верные ответы: 2;

Простейшие задачи в координатах

Задание 1

Закончите утверждение: "Длина вектора равна ...".

Выберите один из 4 вариантов ответа:

- 1) корню квадратному из суммы квадратов его координат
- 2) разности квадратов его координат
- 3) корню квадратному из разности квадратов его координат
- 4) сумме квадратов его координат

Задание 2

Вычислите длину вектора, началом которого является точка $A(1,2;-3;5)$, а концом - точка $B(0,6;-3;4,2)$.

Задание 3

Определите длину вектора $\vec{a}$, если его координаты равны $\{15;20;0\}$. В ответе укажите только число

Задание 4

Определите координаты середины отрезка АВ, если $A(1;5;-2)$, $B(0;3;5)$. Ответ укажите по образцу **(-8;1,1;6)**. Не используйте пробел.

Задание 5

Укажите формулу вычисления расстояния между точками $M_1(x_1;y_1;z_1)$ и $M_2(x_2;y_2;z_2)$.

Выберите один из 3 вариантов ответа:

- 1) $d = \sqrt{(x_2 + x_1)^2 + (y_2 + y_1)^2 + (z_2 + z_1)^2}$
- 2) $d = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2$
- 3) $d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2}$

Задание 6

Точка М - середина отрезка АВ. Вычислите координаты точки А, если В(2;-2;2) и М(8;4;0). Ответ укажите по образцу (-3;5,1;7). Не используйте пробел.

Задание 7

Определите координаты середины отрезка АВ, если А(12;-3;7), В(-8;3;-1). Ответ укажите по образцу: (-8;11;6). Не используйте пробел.

Задание 8

Найдите расстояние между точками А(-2;-1;3) и В(6;5;3). В ответе укажите только число.

Задание 9

Найти расстояние от точки начала координат О до середины отрезка MN, если М(-3;6;1) и N(3;2;-1).

Задание 10

Закончите утверждение: "Каждая координата середины отрезка равна ...".

Выберите один из 4 вариантов ответа:

- 1) полусумме соответствующих координат его концов
- 2) сумме соответствующих координат его концов
- 3) разности соответствующих координат его концов
- 4) сумме квадратов соответствующих координат его концов

Ответы:

- 1) (1 б.) Верные ответы: 1;
- 2) (1 б.): Верный ответ: 1.;
- 3) (1 б.): Верный ответ: 25.;
- 4) (1 б.) Верный ответ: "(0,5;4;1,5)".
- 5) (1 б.) Верные ответы: 3;
- 6) (1 б.) Верный ответ: "(14;10;-2)".
- 7) (1 б.) Верный ответ: "(2;0;3)".
- 8) (1 б.): Верный ответ: 10.;
- 9) (1 б.): Верный ответ: 4.;
- 10) (1 б.) Верные ответы: 1;

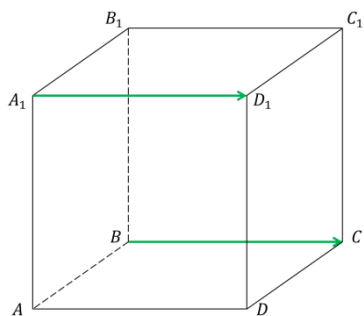
Тема 4.
Угол между векторами. Скалярное произведение векторов

Задание 1

Вопрос:

На рисунке изображён куб. Определите величину угла между данными векторами.

Изображение:



Выберите один из 5 вариантов ответа:

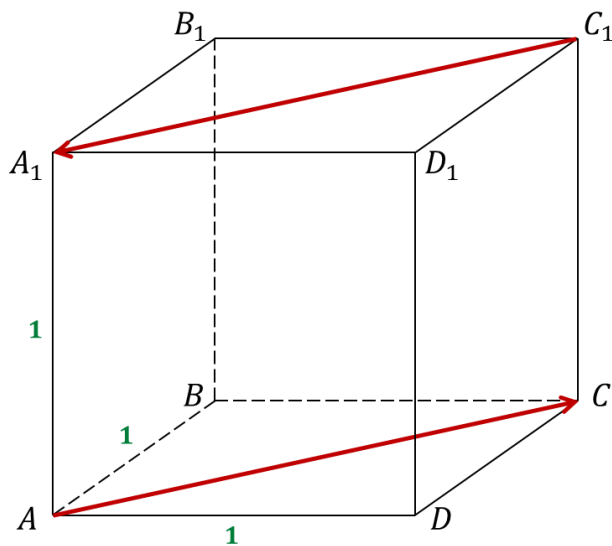
1) 30° 2) 0° 3) 90° 4) 45° 5) 60°

Задание 2

Пользуясь данными рисунка, вычислите скалярное произведение данных векторов.

Изображение:

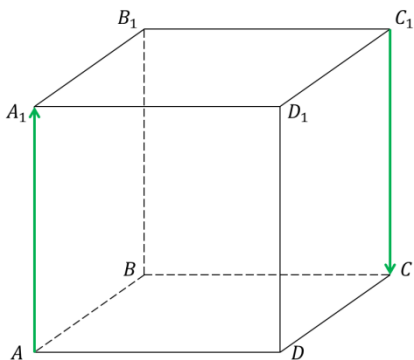
$ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ – куб



Задание 3

На рисунке изображён куб. Определите величину угла между данными векторами.

Изображение:



Выберите один из 5 вариантов ответа:

1) 120° 2) 90° 3) 150° 4) 180° 5) 0°

Задание 4

Установите соответствие между взаимным расположением двух векторов и величиной угла между ними.

Укажите соответствие для всех 3 вариантов ответа:

1) $\vec{a} \uparrow \uparrow \vec{b}$ 2) $\vec{a} \uparrow \downarrow \vec{b}$ 3) $\vec{a} \perp \vec{b}$

$\widehat{\vec{a} \vec{b}} = 90^\circ$ $\widehat{\vec{a} \vec{b}} = 0^\circ$ $\widehat{\vec{a} \vec{b}} = 180^\circ$

Задание 5

Укажите формулу скалярного произведения векторов, которую нельзя применить для векторов в пространстве.

Выберите один из 3 вариантов ответа:

1) $\vec{a} \cdot \vec{b} = x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2$

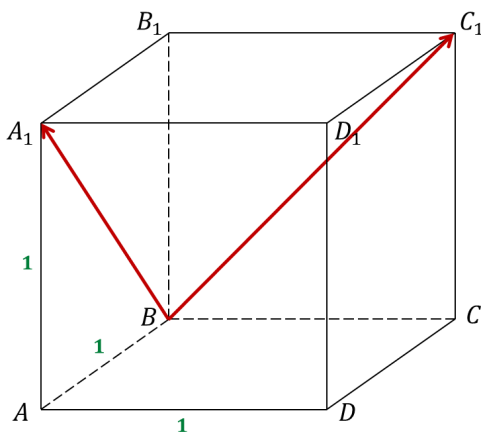
2) $\vec{a} \cdot \vec{b} = x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2$

3) $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos \widehat{\vec{a} \vec{b}}$

Задание 6

Пользуясь данными рисунка, вычислите скалярное произведение данных векторов.
Изображение:

$ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ – куб



Задание 7

Для каждой пары векторов вычислите значение косинуса угла между ними.

Укажите соответствие для всех 3 вариантов ответа:

1) $\vec{a}\{1; 2; 2\}, \vec{b}\{-3; 4; 0\}$ - $-0,8$

2) $\vec{c}\{11; 10; 2\}, \vec{d}\{-6; 0; 8\}$ - $-\frac{1}{3}$

3) $\vec{e}\{20; 0; 0\}, \vec{f}\{-20; 15; 0\}$ - $\frac{1}{3}$

Задание 8

Вычислите скалярное произведение векторов $\vec{a}\{3; -1; 8\}$ и $\vec{b}\{2; 4; 0,5\}$.

Задание 9

Установите соответствие между значениями скалярного произведения двух векторов и величинами угла между ними.

Укажите соответствие для всех 3 вариантов ответа:

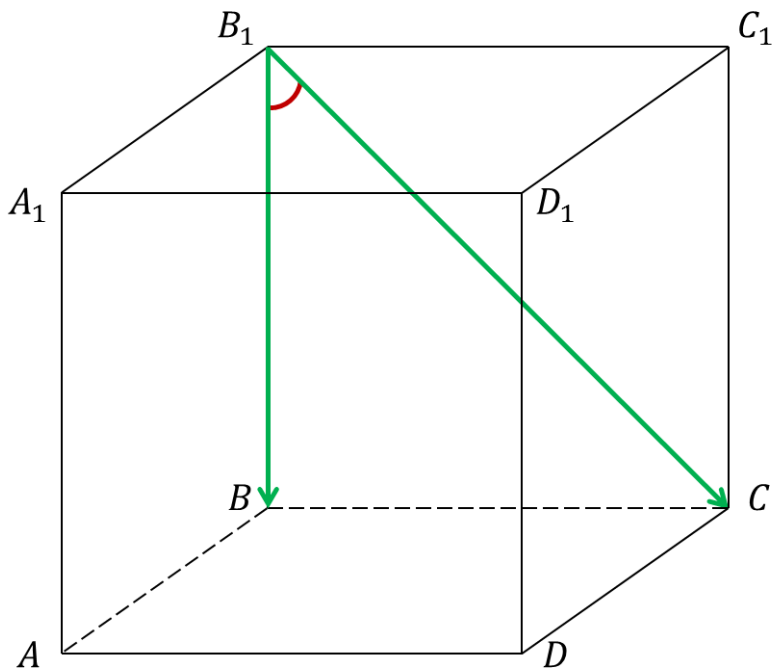
1) $\vec{a} \cdot \vec{b} > 0$ — $\widehat{\vec{a} \vec{b}}$ — острый

2) $\vec{a} \cdot \vec{b} < 0$ — $\widehat{\vec{a} \vec{b}}$ — прямой

3) $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$ — $\widehat{\vec{a} \vec{b}}$ — тупой

Задание 10

На рисунке изображён куб. Определите величину угла между данными векторами.
Изображение:



Выберите один из 5 вариантов ответа:

- 1) 90° 2) 0° 3) 30° 4) 45° 5) 60°

Ответы:

- 1) (1 б.) Верные ответы: 2;
 2) (1 б.): Верный ответ: -2.;
 3) (1 б.) Верные ответы: 4;
 4) (1 б.) Верные ответы:
 3;
 1;
 2;
 5) (1 б.) Верные ответы: 2;
 6) (1 б.): Верный ответ: 1.;
 7) (1 б.) Верные ответы:
 3;
 2;
 1;
 8) (1 б.): Верный ответ: 6.;
 9) (1 б.) Верные ответы:
 1;
 3;
 2;
 10) (1 б.) Верные ответы: 4;

Вычисление углов между прямыми и плоскостями

Задание 1

Как может располагаться направляющий вектор прямой?

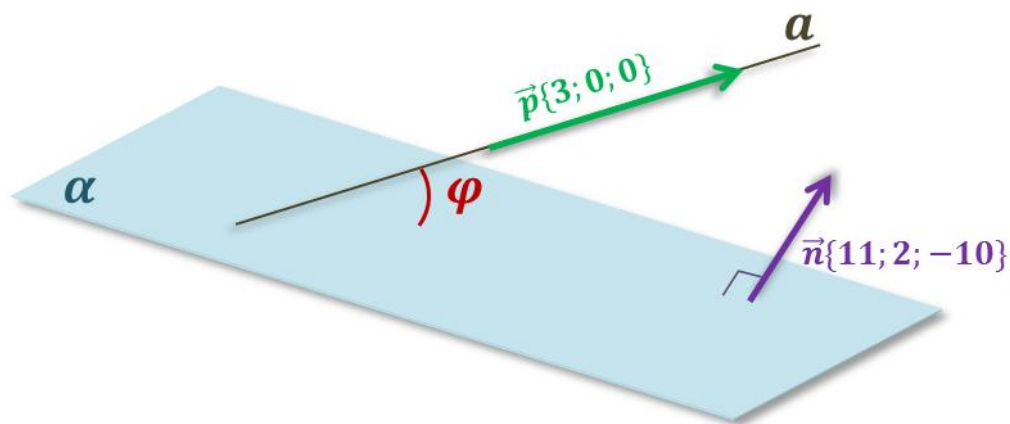
Выберите несколько из 3 вариантов ответа:

- 1) на прямой, параллельной данной
- 2) на данной прямой
- 3) на прямой, перпендикулярной данной

Задание 2

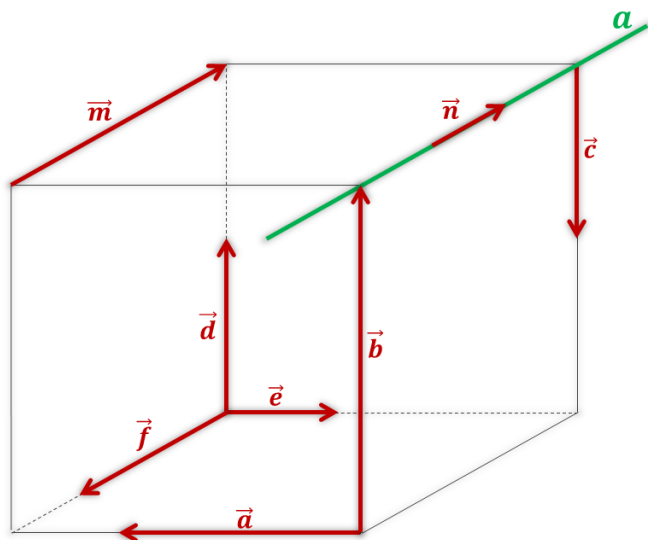
Пользуясь данными рисунка, вычислите значение синуса угла между прямой a и плоскостью α .

Изображение:



Выберите один из 4 вариантов ответа:

- 1) $\frac{2}{32}$ $\frac{11}{153}$ 14) 0,2



Задание 3

Изображение

Пользуясь изображением куба, среди данных векторов укажите те, которые являются направляющими для прямой a .

Выберите несколько из 8 вариантов ответа:

- 1) $\vec{b}$
- 2) $\vec{m}$
- 3) $\vec{n}$
- 4) $\vec{e}$
- 5) $\vec{f}$
- 6) $\vec{a}$
- 7) $\vec{c}$
- 8) $\vec{d}$

Задание 4

Определите значение косинуса угла между прямыми a и b , если векторы $\vec{p}\{-7;0;0\}$ и $\vec{q}\{4;4;2\}$ являются для них направляющими.

Выберите один из 4 вариантов ответа:

- 1) $-\frac{1}{3}$ 3) $\frac{2}{3}$
- 2) $-\frac{2}{3}$ 4) $\frac{1}{3}$

Задание 5

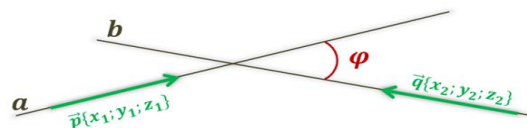
"Вектор, перпендикулярный к данной плоскости, называют ... вектором к этой плоскости." Вставьте пропущенное слово в той форме, которой требует контекст предложения.

Задание 6

Установите соответствие между рисунками и формулами, позволяющими вычислить величины углов, изображённых на каждом из рисунков.

Укажите соответствие для всех 2 вариантов ответа:

1)



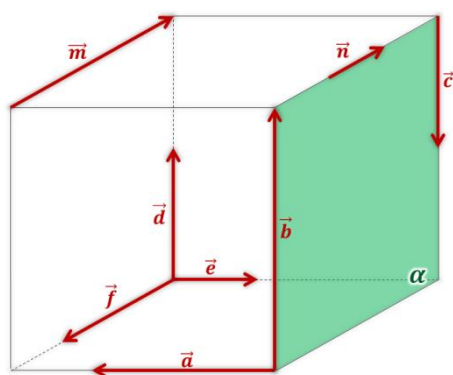
2)



$$\cos \varphi = \frac{|x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2|}{\sqrt{x_1^2 + y_1^2 + z_1^2} \cdot \sqrt{x_2^2 + y_2^2 + z_2^2}}$$

$$\sin \varphi = \frac{|x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2|}{\sqrt{x_1^2 + y_1^2 + z_1^2} \cdot \sqrt{x_2^2 + y_2^2 + z_2^2}}$$

Задание 7



Пользуясь изображением куба, среди данных векторов укажите те, которые являются нормальными к плоскости α .

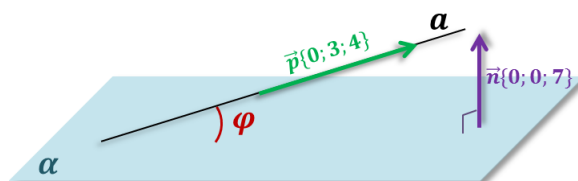
Выберите несколько из 8 вариантов ответа:

- 1) $\vec{c}$
- 2) $\vec{e}$
- 3) $\vec{d}$
- 4) $\vec{f}$

- 5) $\vec{n}$
- 6) $\vec{d}$
- 7) $\vec{b}$
- 8) $\vec{m}$

Задание 8

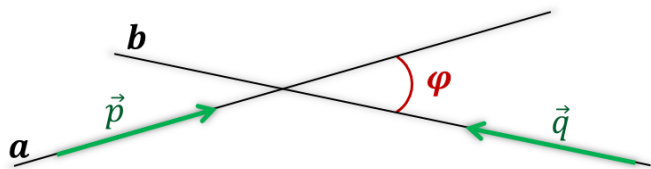
Пользуясь данными рисунка, вычислите значение синуса угла между прямой a и плоскостью α .
Изображение



Задание 9

Определите величину угла между прямыми a и b , если векторы $\vec{p} \{1; -2; 2\}$ и $\vec{q} \{10; 10; 5\}$ являются для них направляющими.

Изображение:

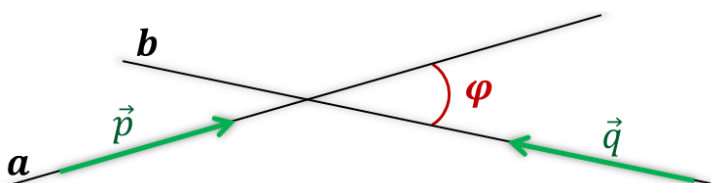


Выберите один из 5 вариантов ответа:

- 1) 0° 2) 30° 3) 90° 4) 60° 5) 45°

Задание 10

Определите значение косинуса угла между прямыми a и b , если векторы $\vec{p} \{1; -2; 2\}$ и $\vec{q} \{10; 10; 5\}$ являются для них направляющими.



Ответы:

- 1) (1 б.) Верные ответы: 1; 2;
- 2) (1 б.) Верные ответы: 2;
- 3) (1 б.) Верные ответы: 2; 3; 5;
- 4) (1 б.) Верные ответы: 3;
- 5) (1 б.) Верный ответ: "нормальным".
- 6) (1 б.) Верные ответы:
1;
2;
- 7) (1 б.) Верные ответы: 2; 3;
- 8) (1 б.): Верный ответ: 0,8.;
- 9) (1 б.) Верные ответы: 3;
- 10) (1 б.): Верный ответ: 0.;

Понятие цилиндра

Задание 1

Квадрат с площадью, равной 36, вращают вокруг одной из сторон. Найдите сумму высоты и диаметра основания полученного тела вращения: $h + d$. В ответе укажите только число. Например, 100.

Задание 2

Цилиндр можно получить вращением на 360° вокруг одной из сторон ...

Выберите один из 3 вариантов ответа:

- 1) прямоугольного треугольника
- 2) прямоугольника
- 3) прямоугольной трапеции

Задание 3

Точка F - середина образующей АВ цилиндра, центрами оснований которого являются точки О и Т. Верно ли, что $FO=FT$?

Выберите один из 2 вариантов ответа:

- 1) не верно
- 2) верно

Задание 4

Если секущая плоскость перпендикулярна к оси цилиндра, то сечение является ...

Выберите один из 5 вариантов ответа:

- 1) кругом
- 2) квадратом
- 3) треугольником
- 4) прямоугольником
- 5) полукругностью

Задание 5

Представление о форме цилиндра дают:

Выберите один из 5 вариантов ответа:

- 1) колпак Буратино
- 2) кружка

- 3) Египетские пирамиды
- 4) апельсин
- 5) коробок спичек

Задание 6

Радиус цилиндра 3 см, а его высота - 10 см. Вычислите площадь осевого сечения. В ответе укажите только число без единицы измерения. Например, 5.

Задание 7

Точка О - центр основания цилиндра. Отрезок АВ - диаметр другого его основания. Вычислите площадь $\triangle AOB$, если радиус цилиндра равен 2 см, а его высота равна 6 см. В ответе укажите только число.

Задание 8

Что является осевым сечением цилиндра?

Задание 9

Как называется цилиндр, осевое сечение которого - квадрат?

Выберите один из 4 вариантов ответа:

- 1) квадратный цилиндр
- 2) равнобокий цилиндр
- 3) равносторонний цилиндр
- 4) правильный цилиндр

Задание 10

Какая фигура лежит в основаниях цилиндра?

Ответы:

- 1) (1 б.): Верный ответ: 18.;
- 2) (1 б.) Верные ответы: 2;
- 3) (1 б.) Верные ответы: 2;
- 4) (1 б.) Верные ответы: 1;
- 5) (1 б.) Верные ответы: 2;
- 6) (1 б.): Верный ответ: 60.;
- 7) (1 б.): Верный ответ: 12.;
- 8) (1 б.) Верный ответ: "прямоугольник".
- 9) (1 б.) Верные ответы: 3;
- 10) (1 б.) Верный ответ: "круг".

Площадь поверхности цилиндра

Задание 1

Высота цилиндра равна 10 см. Площадь сечения цилиндра плоскостью, параллельной оси цилиндра и находящейся на расстоянии 6 см от нее, равна 160 см^2 . Вычислите площадь полной поверхности цилиндра.

Выберите один из 5 вариантов ответа:

- | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1) $640\pi \text{ см}^2$ | 2) $400\pi \text{ см}^2$ | 3) $200\pi \text{ см}^2$ |
| 4) $160\pi \text{ см}^2$ | 5) $320\pi \text{ см}^2$ | |

Задание 2

Радиус основания цилиндра равен 4, площадь его боковой поверхности - 80π . В ответе укажите только число без единицы измерения. Например, 100.

Задание 3

Какая геометрическая фигура является разверткой боковой поверхности цилиндра?

Задание 4

Укажите формулу для вычисления площади боковой поверхности цилиндра.

Выберите один из 5 вариантов ответа:

- | | |
|--------------------------------------|---|
| 1) $S_{\text{бок.пов.}} = \pi r^2$ | 2) $S_{\text{бок.пов.}} = 2\pi r \cdot h$ |
| 3) $S_{\text{бок.пов.}} = \pi r h$ | 4) $S_{\text{бок.пов.}} = 2rh$ |
| 5) $S_{\text{бок.пов.}} = \pi r^2 h$ | |

Задание 5

Длина окружности основания цилиндра равна 8π , диагональ осевого сечения - 10. Найдите площадь его полной поверхности. В ответе укажите только число, считая $\pi=3$.

Задание 6

Высота и диаметр основания цилиндра равны 10. Площадь боковой поверхности цилиндра равна:

Выберите один из 5 вариантов ответа:

- | | | |
|-------------|-------------|------------|
| 1) 250π | 2) 100π | 3) 30π |
| 4) 25π | 5) 50π | |

Задание 7

Цилиндр получен в результате вращения прямоугольника ABCD около прямой AD. Вычислите площадь боковой поверхности цилиндра, если длины сторон AD и AB прямоугольника равны соответственно 4 см и 2 см. В ответе укажите только число, считая $\pi=3$.

Задание 8

Осевое сечение цилиндра - квадрат, длина диагонали которого равна 10 см. Вычислите площадь боковой поверхности цилиндра. Число π принимать примерно равным 3. В ответе укажите только число без единицы измерения. Например, 200

Задание 9

Площадь боковой поверхности цилиндра равна 16π . Найдите площадь полной поверхности цилиндра, если его осевым сечением является квадрат.

Выберите один из 5 вариантов ответа:

- | | | |
|------------|------------|------------|
| 1) 24π | 2) 48π | 3) 64π |
| 4) 32π | 5) 20π | |

Задание 10

Укажите формулу для вычисления площади полной поверхности цилиндра.

Выберите один из 5 вариантов ответа:

- 1) $S_{\text{полн.пов.}} = 4\pi r^2 h$ 2) $S_{\text{полн.пов.}} = \frac{1}{2}\pi r(h + r)$
- 3) $S_{\text{полн.пов.}} = 2\pi r \cdot (h + r)$ 4) $S_{\text{полн.пов.}} = \pi r^2 h$
- 5) $S_{\text{полн.пов.}} = \pi r(h + r)$

Ответы:

- 1) (1 б.) Верные ответы: 2;
 2) (1 б.): Верный ответ: 10.;
 3) (1 б.) Верный ответ: "прямоугольник".
 4) (1 б.) Верные ответы: 2;
 5) (1 б.): Верный ответ: 240.;
 6) (1 б.) Верные ответы: 2;
 7) (1 б.): Верный ответ: 48.;
 8) (1 б.): Верный ответ: 150.;
 9) (1 б.) Верные ответы: 1;
 10) (1 б.) Верные ответы: 3;

Понятие конуса

Задание 1

Длина образующей конуса равна 10 см, а высота конуса - 6 см. Вычислите радиус основания конуса.

Задание 2

Осевым сечением конуса является равносторонний треугольник с периметром 24. Длина образующей конуса равна:

Задание 3

Точка F лежит на высоте ТО конуса, а точки А и В принадлежат граничной окружности основания конуса. Верно ли, что $FA = FB$?

Выберите один из 2 вариантов ответа:

- 1) верно 2) не верно

Задание 4

Представление о форме конуса дают:

Выберите один из 5 вариантов ответа:

- 1) планета 2) коробка 3) Египетские пирамиды
- 4) кружка 5) рожок для мороженого

Задание 5

Конус можно получить вращением на 360° вокруг одной из сторон ...

Выберите один из 5 вариантов ответа:

- 1) прямоугольного треугольника
- 2) прямоугольника
- 3) прямоугольной трапеции
- 4) квадрата
- 5) полукруга

Задание 6

Чему равно отношение площади сечения конуса плоскостью, перпендикулярной его оси и проходящей через середину высоты конуса, к основанию конуса?

Выберите один из 5 вариантов ответа:

- 1) 2
- 2) 1
- 3) $1/4$
- 4) 4
- 5) $1/2$

Задание 7

Площадь осевого сечения конуса равна 50 см^2 , а высота конуса - 10 см. Вычислите радиус основания конуса. В ответе укажите только число без единицы измерения. Например, 10.

Задание 8

Образующая конуса наклонена к основанию под углом 45° . Высота конуса равна 6. Вычислите площадь основания конуса.

Выберите один из 5 вариантов ответа:

- 1) $12\sqrt{2}\pi$
- 2) 12π
- 3) 36π

$$4) \quad 24\pi \quad 5) \quad 36\sqrt{2}\pi$$

Задание 9

Какая геометрическая фигура лежит в основании конуса?

Задание 10

Что является осевым сечением конуса?

Выберите один из 5 вариантов ответа:

- 1) прямоугольная трапеция
- 2) прямоугольник
- 3) полукруг
- 4) квадрат
- 5) равнобедренный треугольник

Ответы:

- 1) (1 б.): Верный ответ: 8.;
- 2) (1 б.): Верный ответ: 8.;
- 3) (1 б.) Верные ответы: 1;
- 4) (1 б.) Верные ответы: 5;
- 5) (1 б.) Верные ответы: 1;
- 6) (1 б.) Верные ответы: 3;
- 7) (1 б.): Верный ответ: 5.;
- 8) (1 б.) Верные ответы: 3;
- 9) (1 б.) Верный ответ: "круг".
- 10) (1 б.) Верные ответы: 5;

Площадь поверхности конуса

Задание 1

Развертка боковой поверхности конуса представляет собой ...

Задание 2

Площадь полной поверхности конуса равна 24π , площадь основания конуса равна 16π . Чему равна площадь боковой поверхности конуса?

Выберите один из 5 вариантов ответа:

- 1) 8π 2) 12π 3) 4π
 4) 2π 5) 40π

Задание 3

Угол между высотой и образующей конуса равен 30° . Найдите центральный угол в развертке боковой поверхности конуса.

Выберите один из 5 вариантов ответа:

- 1) 90°
 2) 180°
 3) 30°
 4) 60°
 5) 120°

Задание 4

Укажите формулу для вычисления площади боковой поверхности конуса.

Выберите один из 5 вариантов ответа:

- 1) $S_{\text{бок.пов.}} = \pi r^2$ 2) $S_{\text{бок.пов.}} = 2rh$
 3) $S_{\text{бок.пов.}} = \pi r^2 l$ 4) $S_{\text{бок.пов.}} = 2\pi r \cdot h$
 5) $S_{\text{бок.пов.}} = \pi r l$

Задание 5

Образующая конуса равна 5 см, а его высота - 4 см. Вычислите площадь боковой поверхности конуса, считать $\pi \approx 3$.

Задание 6

Укажите формулу для вычисления площади полной поверхности конуса.

Выберите один из 4 вариантов ответа:

- 1) $S_{\text{полн.пов.}} = \pi r \cdot (l + r)$

$$2) \quad S_{\text{полн.пов.}} = 2\pi r \cdot (l + r)$$

$$3) \quad S_{\text{полн.пов.}} = 2\pi r^2 + l$$

$$4) \quad S_{\text{полн.пов.}} = 2\pi r^2 + 2lr$$

Задание 7

Прямоугольный треугольник, длины катетов которого равны 6 см и 8 см, вращается вокруг меньшего катета. Вычислите площадь полной поверхности конуса, образованного при этом вращении, если число π примерно равно 3. В ответе укажите только число без единицы измерения. Например, 100.

Задание 8

Найдите площадь полной поверхности конуса с радиусом основания, равным 3 см, и образующей, равной 4 см. В ответе укажите только число без единицы измерения, если число π примерно равно 3. Например, 1.

Задание 9

Радиус основания конуса равен 9 дм, а площадь его осевого сечения - 360 дм². Вычислите площадь боковой поверхности конуса.

Выберите один из 5 вариантов ответа:

$$1) \quad 361\pi \quad 2) \quad 738\pi \quad 3) \quad 369\pi$$

$$4) \quad 1601\pi \quad 5) \quad 120\pi$$

Задание 10

Образующая конуса равна 4, радиус основания равен 2, $\pi \approx 3$. Чему равна площадь боковой поверхности конуса?

Ответы:

1) (1 б.) Верный ответ: "круговой сектор".

2) (1 б.) Верные ответы: 1;

3) (1 б.) Верные ответы: 2;

4) (1 б.) Верные ответы: 5;

5) (1 б.): Верный ответ: 45.;

6) (1 б.) Верные ответы: 1;

7) (1 б.): Верный ответ: 432.;

- 8) (1 б.): Верный ответ: 63.;
9) (1 б.) Верные ответы: 3;
10) (1 б.): Верный ответ: 24.;

Усеченный конус

Задание 1

Усеченный конус может быть получен вращением на 360° ...

Выберите один из 5 вариантов ответа:

- 1) прямоугольной трапеции 2) квадрата
3) прямоугольника 4) прямоугольного треугольника
5) равнобокой трапеции

Задание 2

Радиусы оснований усеченного конуса равны 3 и 4, образующая - 5. Найдите периметр осевого сечения.

Задание 3

Радиусы оснований усеченного конуса равны 2 и 7, образующая 13. Найдите высоту усеченного конуса.

Задание 4

Периметр осевого сечения усеченного конуса равен 180, радиусы оснований равны 20 и 30. Найдите длину образующей усеченного конуса.

Задание 5

Длины радиусов оснований и образующей усеченного конуса равны соответственно 7, 15 и 17. Вычислите его высоту.

Задание 6

Площадь осевого сечения усеченного конуса с радиусами оснований 4 и 10 равна 112. Найдите длину образующей конуса.

Задание 7

Укажите формулу для вычисления площади боковой поверхности усеченного конуса.

Выберите один из 5 вариантов ответа:

- 1) $S_{\text{бок.пов}} = \pi(r + r_1)$

$$2) \quad S_{\text{бок.пов}} = \pi(r + r_1)l$$

$$3) \quad S_{\text{бок.пов}} = \pi r \cdot r_1 \cdot l^2$$

$$4) \quad S_{\text{бок.пов}} = \pi(r + r_1)^2 l$$

$$5) \quad S_{\text{бок.пов}} = \pi r^2 l$$

Задание 8

Укажите формулу для вычисления площади полной поверхности усеченного конуса.

Выберите один из 4 вариантов ответа:

$$1) \quad S_{\text{полн.пов.}} = \pi(r + r_1)l + \pi r^2 + \pi r_1^2$$

$$2) \quad S_{\text{полн.пов.}} = 2\pi r \cdot (l + r)$$

$$3) \quad S_{\text{полн.пов.}} = \pi l + \pi r^2 + \pi r_1^2$$

$$4) \quad S_{\text{полн.пов.}} = \pi(r + r_1)$$

Задание 9

Что является осевым сечением усеченного конуса?

Выберите один из 5 вариантов ответа:

- 1) трапеция 2) круг 3) квадрат
4) треугольник 5) прямоугольник

Задание 10

Длины радиусов оснований усеченного конуса равны 9 и 4. Вычислите площадь боковой поверхности этого конуса, если угол между образующей и плоскостью его основания равен 45° .

Выберите один из 5 вариантов ответа:

- 1) 130π 2) $65\sqrt{2}\pi$ 3) $45\sqrt{2}\pi$
 4) 65π 5) $30\sqrt{2}\pi$

Ответы:

- 1) (1 б.) Верные ответы: 1;
 2) (1 б.): Верный ответ: 24.;
 3) (1 б.): Верный ответ: 12.;
 4) (1 б.): Верный ответ: 40.;
 5) (1 б.): Верный ответ: 15.;
 6) (1 б.): Верный ответ: 10.;
 7) (1 б.) Верные ответы: 4;
 8) (1 б.) Верные ответы: 1;
 9) (1 б.) Верные ответы: 1;
 10) (1 б.) Верные ответы: 2;

Сфера и шар. Уравнение сферы

Задание 1

Отрезок АВ - хорда сферы, не проходящая через центр сферы О. Вычислите расстояние от центра сферы до середины хорды АВ, если радиус сферы равен 10 см, а длина хорды АВ равна 16 см.

Задание 2

Как будет выглядеть уравнение сферы с центром в точке М(1;3;5) радиусом равным 4 см.

Выберите один из 4 вариантов ответа:

- 1) $(x - 1)^2 + (y - 3)^2 + (z - 5)^2 = 16$
 2) $(x + 1)^2 - (y + 3)^2 - (z + 5)^2 = 16$
 3) $x^2 - 3y^2 - 5z^2 = 16$
 4) $x^2 + 3y^2 + 5z^2 = 16$

Задание 3

Из центра сферы с диаметром 18 провели два радиуса, угол между которыми 60° . Найдите расстояние между концами радиусов, лежащих на сфере.

Задание 4

Определите координаты центра (С) и радиус сферы, заданной уравнением:
 $4x^2 + 4y^2 + 4z^2 - 8x + 12y - 16z + 13 = 0$.

Выберите несколько из 6 вариантов ответа:

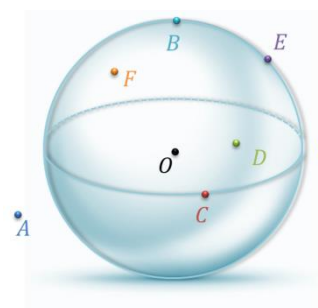
- 1) $r = 6,5$
- 2) $C(4;12;16)$
- 3) $r = 2$
- 4) $C(2;-3;4)$
- 5) $r = 13$
- 6) $C(1;-1,5;2)$

Задание 5

Укажите только те точки, которые принадлежат шару.

Выберите несколько из 8 вариантов ответа:

- 1) D 2) C 3) F
- 4) A 5) O 6) B 7) E 8) G



Задание 6

Точки В и С принадлежат сфере с центром в точке О.

Какому условию должна удовлетворять хорда ВС, чтобы градусная мера угла ВОС равнялась 60° ?

Выберите один из 5 вариантов ответа:

- 1) $BC = R$
- 2) $BC \perp OC$
- 3) $BC \parallel OC \parallel OB$
- 4) $BC \perp OB$
- 5) $BC = 2R$

Задание 7

Найдите координаты центра (S) и радиус сферы, заданной уравнением: $(x - 2)^2 + (y + 1)^2 + z^2 = 4$.

Выберите несколько из 6 вариантов ответа:

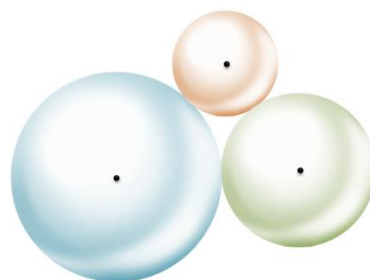
- 1) $S(2;1;0)$ 2) $r = 2$ 3) $S(2;-1;0)$
- 4) $S(-2;1;0)$ 5) $r = 4$ 6) $r = 16$

Задание 8

Из центра сферы провели два радиуса, угол между которыми 90° . Расстояние между концами радиусов равно $4\sqrt{2}$. Найдите диаметр сферы.

Задание 9

Три шара с радиусами 1, 2 и 3 касаются друг друга. Найдите площадь треугольника, образованного центрами шаров

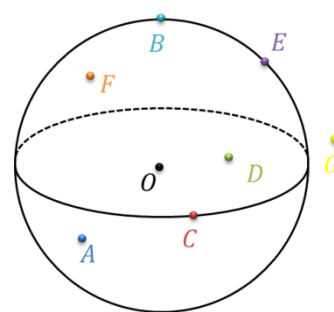


Задание 10

Укажите только те точки, которые принадлежат сфере.

Выберите несколько из 8 вариантов ответа:

- 1) C2) B3) O
- 4) F5) G6) E
- 7) A8) D



Ответы:

- 1) (1 б.): Верный ответ: 6.;
- 2) (1 б.): Верные ответы: 1;
- 3) (1 б.): Верный ответ: 9.;
- 4) (1 б.): Верные ответы: 3; 6;
- 5) (1 б.): Верные ответы: 1; 2; 3; 5; 6; 7;
- 6) (1 б.): Верные ответы: 1;
- 7) (1 б.): Верные ответы: 2; 3;
- 8) (1 б.): Верный ответ: 8.;
- 9) (1 б.): Верный ответ: 6.;
- 10) (1 б.): Верные ответы: 1; 2; 6;

Взаимное расположение сферы и плоскости

Задание 1

По разные стороны от центра сферы с радиусом 5 см проведены два параллельных сечения с радиусами 3 см и 4 см. Найдите расстояние между сечениями.

Задание 2

Сопоставьте соотношения расстояния от центра сферы до плоскости и радиуса сферы с их взаимным расположением сферы и плоскости в пространстве.

Укажите соответствие для всех 3 вариантов ответа:

- 1) то сфера и плоскость не имеют общих точек
- 2) то сечение сферы плоскостью есть окружность
- 3) то сфера и плоскость имеют только одну общую точку

___ Если расстояние от центра сферы до плоскости равно радиусу сферы

___ Если расстояние от центра сферы до плоскости больше радиуса сферы

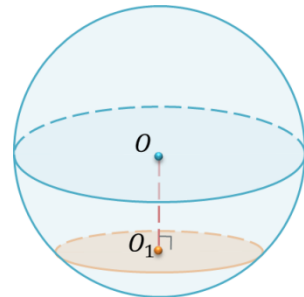
___ Если расстояние от центра сферы до плоскости меньше радиуса сферы

Задание 3

В шаре с радиусом 10 см проведено сечение площадью 64π см². Найдите расстояние от центра шара до плоскости сечения.

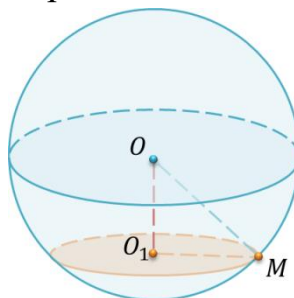
Выберите один из 5 вариантов ответа:

- 1) 182) 63) 5
- 4) 125) 3



Задание 4

Шар пересечен плоскостью. Площадь сечения равна 576π см². Расстояние от центра шара до плоскости сечения равно 7 см. Найдите радиус шара.



Задание 5

По одну сторону от центра сферы с радиусом 15 см проведены два параллельных сечения с радиусами 9 см и 12 см. Найдите расстояние между сечениями.

Задание 6

По разные стороны от центра сферы проведены два параллельных сечения с площадью $9\pi \text{ см}^2$ и $16\pi \text{ см}^2$. Расстояние между сечениями равно 7 см. Найдите радиус сферы

Задание 7

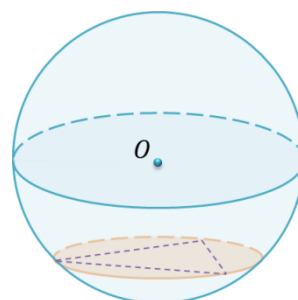
Диаметр сечения сферы равен 8 см, расстояние от центра сферы до его сечения равно 3 см. Найдите радиус сферы.

Задание 8

В сечение шара вписан равносторонний треугольник со стороной 6 см. Расстояние от центра шара до плоскости треугольника равно 2 см. Найдите радиус шара.

Выберите один из 5 вариантов ответа:

- 1) 42) 103) 5
- 4) 125) 3



Задание 9

Отрезок ОН - высота тетраэдра ОАВС. Выясните взаимное расположение сферы радиуса R с центром О и плоскости АВС, если:

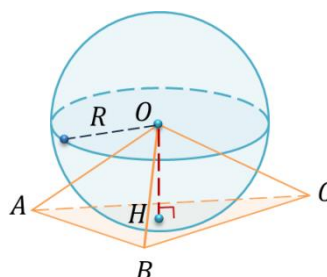
Укажите соответствие для всех 3 вариантов ответа:

- 1) сфера и плоскость не имеют общих точек, и значит, не пересекаются
- 2) сфера и плоскость имеют только одну общую точку
- 3) сфера и плоскость пересекаются по окружности

___ R=8 дм, ОН=70 см

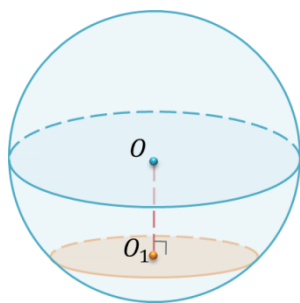
___ R=5 см, ОН=5 см

___ R=2 см, ОН=35 мм



Задание 10

На расстоянии 5 см от центра шара проведена плоскость. Площадь полученного сечения равна 144π см². Найдите радиус шара.



Ответы:

1) (1 б.):

2) (1 б.)

3;

1;

2;

3) (1 б.) Верные ответы: 2;

4) (1 б.): Верный ответ: 25.;

5) (1 б.): Верный ответ: 3.;

6) (1 б.): Верный ответ: 5.;

7) (1 б.): Верный ответ: 5.;

8) (1 б.) Верные ответы: 1;

9) (1 б.) Верные ответы:

3;

2;

1;

10) (1 б.): Верный ответ: 13.;

Верный ответ: 7.;

Верные ответы:

3.1.2. Перечень лабораторно-практических работ по темам дисциплины

1. Градусное и радианное измерение углов
2. Синус, косинус, тангенс числового аргумента.
3. Формулы приведения
4. Тригонометрические преобразования.
5. Преобразование тригонометрических выражений.
6. Решение уравнений вида $\sin x = a$, $\cos x = a$
7. Решение уравнений вида $\tan x = a$, $\cot x = a$.
8. Тригонометрические уравнения, приводимые к квадратным
9. Тригонометрические неравенства.
10. Отработка навыков решения. Контрольная работа №1.
11. Решение показательных уравнений
12. Решение показательных неравенств
13. Решение логарифмических уравнений различных видов
14. Преобразование рациональных, иррациональных, степенных выражений.
15. Преобразование показательных и логарифмических выражений.
16. Нахождение значений логарифма по произвольному основанию.

Переход от одного основания к другому

17. Приближенные вычисления и решения прикладных задач
18. Отработка навыков решения. Контрольная работа №2.
19. Равенство отрезков параллельных прямых, заключенных между двумя параллельными плоскостями
20. Перпендикулярность прямых в пространстве.
21. Угол между прямыми. Угол между прямой и плоскостью.
22. Решение задач на тему: «Перпендикулярность прямых и плоскостей.
23. Отработка навыков решения задач на тему: «Прямые и плоскости в пространстве
24. Сложение, вычитание векторов. Умножение вектора на число
25. Правила разложения вектора в трехмерном пространстве
26. Скалярное произведение векторов
27. Применение векторов для вычисления величины углов и расстояний
28. Решение примеров на правила вычисления производных
29. Решение примеров на вычисление производной сложной функции
30. Производная тригонометрической функции.
31. Исследование функции на возрастание и убывание
32. Максимум и минимум функции.
33. Применение производной к исследованию функции
34. Четность и нечетность функции
35. Контрольная работа №3.
36. Свойства параллельных сечений пирамиды
37. Усеченная пирамида
38. Правильные многогранники
39. Прямой круговой конус.
40. Объем многогранника. Объем прямоугольного параллелепипеда.
41. Площадь поверхности многогранников
42. Площадь поверхности тел вращения
43. Контрольная работа №4
44. Вычисление первообразной.
45. Применение определенного интеграла к вычислению площади плоских фигур
46. Контрольная работа №5.
47. Линейные функции. График линейной функции Исследование функций.
48. Квадратичная функции и ее график
49. Исследование тригонометрических функций на четность и нечетность, периодичность
50. Исследование функций
51. Повторительно обобщающий урок
52. Представление данных в таблицы, диаграммы, графики Иррациональные уравнения.
53. Решение практических задач с применением вероятностных методов
54. Решение прикладных задач
55. Иррациональные уравнения
56. Решение логарифмических неравенств
57. Решение систем уравнений и неравенств

3.1.3. Банк контрольных работ

Контрольная работа №1

1 вариант 1. Найдите радианную меру угла: а) 340° б) 220° 2. Найдите градусную меру угла: а) $\frac{5\pi}{6}$ б) $\frac{9\pi}{4}$ 3. Вычислите: а) $\sin 2\alpha$ б) $\cos(\alpha + \frac{\pi}{3})$ Если $\sin \alpha = 8/17$, $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$ 4. найдите $\operatorname{tg} \alpha$, если $\frac{4\sin \alpha + 7\cos \alpha}{2\sin \alpha - 4\cos \alpha} = 3$ 5. Вычислите по формуле приведения: $\sin 2130^\circ$ 6. Решите тригонометрическое уравнение: $6\cos^2 x + 5 \sin x - 7 = 0$	2 вариант 1. Найдите радианную меру угла: а) 150° б) 405° 2. Найдите градусную меру угла: а) $\frac{19\pi}{20}$ б) $\frac{5\pi}{3}$ 3. Вычислите: а) $\cos 2\alpha$ б) $\sin(\alpha + \frac{\pi}{3})$ Если $\cos \alpha = 12/13$, $\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}$ 4. найдите $\operatorname{tg} \alpha$, если $\frac{5\sin \alpha + 10\cos \alpha}{3\sin \alpha - 4\cos \alpha} = 2$ 5. Вычислите по формуле приведения: $\cos \frac{21\pi}{4}$ 6. Решите тригонометрическое уравнение: $4\cos^2 x - 4\cos x + 1 = 0$
3 вариант 1. Найдите радианную меру угла: а) 50° б) 108° 2. Найдите градусную меру угла: а) $\frac{11\pi}{9}$ б) $\frac{12\pi}{5}$ 3. Вычислите: а) $\sin 2\alpha$ б) $\cos(\alpha + \frac{\pi}{4})$ Если $\cos \alpha = 5/13$, $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$ 4. найдите $\operatorname{tg} \alpha$, если $\frac{\sin \alpha + 6\cos \alpha}{9\sin \alpha - 2\cos \alpha} = -1$ 5. Вычислите по формуле приведения: $\operatorname{tg} 675^\circ$ 6. Решите тригонометрическое уравнение: $4\sin^2 x - 8\cos x + 1 = 0$	4 вариант 1. Найдите радианную меру угла: а) 660° б) 171° 2. Найдите градусную меру угла: а) $\frac{3\pi}{5}$ б) $\frac{17\pi}{9}$ 3. Вычислите: а) $\cos 2\alpha$ б) $\sin(\alpha + \frac{\pi}{6})$ Если $\sin \alpha = -15/17$, $\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}$ 4. найдите $\operatorname{tg} \alpha$, если $\frac{3\sin \alpha + 7\cos \alpha}{5\sin \alpha - 8\cos \alpha} = 2$ 5. Вычислите по формуле приведения: $\sin \frac{4\pi}{3}$ 6. Решите тригонометрическое уравнение: $\cos^2 x + 2 \sin x - 2 = 0$

Контрольная работа №2

1 вариант 1. Вычислить а) $\sqrt[4]{\frac{256}{625}}$ б) $\sqrt[5]{32}$ в) $\sqrt[20]{0}$ г) $\sqrt[13]{1}$ 2. Решите уравнение	2 вариант 1. Вычислить а) $\sqrt{\frac{625}{256}}$ б) $\sqrt[3]{-27}$ в) $\sqrt[27]{0}$ г) $\sqrt[13]{-1}$ 2. Решите уравнение
--	---

$x^4 - 16 = 0$ $256x^4 - 1 = 0$ 3. Найдите значение числового выражения. А) $\sqrt[3]{8 \times 343}$ б) $\sqrt[7]{16} \times \sqrt[7]{-8}$ 4. Решите уравнение $0,2^{x^2-16x-37,5} = 0,2^{1,5}$ $4^{5-2x} = 0,25$ $4^x - 10 \times 2^x + 16 = 0$ 5. Решите уравнения $\log_2(3x + 2) = 5$; $\log_8(2x - 3) = \log_8(3x + 1)$ $\log_2(x^2 - x - 4) = 3$	$x^5 + 32 = 0$ $625x^4 - 1 = 0$ 3. Найдите значение числового выражения а) $\sqrt[5]{32 \times 243}$ б) $\sqrt[5]{27} \times \sqrt[5]{9}$ 4. Решите уравнение $2^{x^2-6x+0,5} = 2^{-4,5}$ $0,3^{7+4x} = 0,027$ $9^{x^2-1} - 8 \times 3^x - 9 = 0$ 5. Решите уравнения $\log_3(5x - 1) = 4$; $\log_5(2x + 3) = \log_5(x + 1)$ $\lg(x^2 - x + 8) = 1$
---	---

Контрольная работа №3

1. Вариант 1. Вычислить производную а) $y = (x^3 + 3x)/(1 - 4x^5)$ б) $y = (7x^3 + 8)\sqrt{x}$ 2. Напишите уравнение касательной к графику функции f в точке с абсциссой x_0 $f(x) = x^2 - 5x + 6$ 3. Найдите промежутки возрастания и убывания функции а) $f(x) = 4x^2 - 3x + 14$ б) $f(x) = 6x - 9$ 4. Исследовать функцию $f(x) = x^3 + 6x^2$	2. Вариант 1. Вычислить производную а) $y = (x^2 + 8x)/(x - 4x^6)$ б) $y = (5x^3 + 8x)\sqrt{x}$ 2. Напишите уравнение касательной к графику функции f в точке с абсциссой x_0 $f(x) = 3x^2 - 6x + 9$ 3. Найдите промежутки возрастания и убывания функции а) $f(x) = 2x^2 - 5x + 19$ б) $f(x) = -7x - 23$ 4. Исследовать функцию $f(x) = x^2 - 2x - 3$
3. Вариант 1. Вычислить производную а) $y = (5x^5 + x)/(2x - 6x^5)$ б) $y = (-3x^3 + 8x) \cdot x^4$ 2. Напишите уравнение касательной к графику функции f в точке с абсциссой x_0 $f(x) = 4x^2 - 2x + 8$ 3. Найдите промежутки возрастания и убывания функции а) $f(x) = 5x^2 - 4x + 24$ б) $f(x) = -9 - 5x^4$ 4. Исследовать функцию $f(x) = 6x^2 - x^3$	4. Вариант 1. Вычислить производную а) $y = (3x^4 + 5x)/(x - 6x^3)$ б) $y = (x^3 + 4x) \cdot x^{-5}$ 2. Напишите уравнение касательной к графику функции f в точке с абсциссой x_0 $f(x) = 2x^2 - 4x + 11$ 3. Найдите промежутки возрастания и убывания функции а) $f(x) = 3x^2 - 7x + 15$ б) $f(x) = 15 + 6x^4$ 4. Исследовать функцию $f(x) = x^2 - 4x - 5$

Контрольная работа №4

1. Вариант 1. Дан параллелепипед $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$. $BC = 8$ см и $AB = 5$ см, а боковое ребро 12 см. Найдите: а) площадь сечения, которое проходит через сторону основания AD и вершину C_1 , б) объем параллелепипеда. 2. Диагональ осевого сечения цилиндра равна 52 см. угол между этой диагональю и образующей цилиндра равен 30° . Найдите: а) высоту цилиндра; б) радиус цилиндра;	2. Вариант 1. Сторона основания четырехугольной призмы $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ равна 12 см, а боковое ребро 5 см. Найдите: а) площадь сечения, которое проходит через сторону основания AB и вершину D_1 , б) объем параллелепипеда. 2. Диагональ осевого сечения цилиндра равна 72 см. угол между этой диагональю и образующей цилиндра равен 45° . Найдите: а) высоту цилиндра; б) радиус
---	---

в) площадь основания цилиндра. 3. Осевое сечение конуса – прямоугольный треугольник. Найдите: а) площадь этого сечения, если радиус основания равен 6 см; б) объем конуса. 4. Найдите уравнения сферы радиус R центром A, если: а) $A(7; -8; 6)$, $R=5$; б) $A(3; 6; 2)$ $R=\sqrt{4}$; в) $A(-4; 1; 9)$, $R=8$. 5. Напишите уравнения сферы с центром A, проходящей через точку N, если а) $A(-7; 3; 5)$, $N(2; 1; -1)$; б) $A(-8; 2; 1)$, $N(5; 3; 7)$;	цилиндра; в) площадь основания цилиндра. 3. Осевое сечение конуса – правильный треугольник. Найдите: а) площадь этого сечения, если радиус основания равен 10 см; б) объем конуса. 4. Найдите уравнения сферы радиус R центром A, если: а) $A(8; -3; 7)$, $R=9$; б) $A(5; 3; 9)$ $R=\sqrt{3}$; в) $A(-1; 2; 3)$, $R=4$. 5. Напишите уравнения сферы с центром A, проходящей через точку N, если а) $A(-4; 2; 1)$, $N(8; 5; -3)$; б) $A(-2; 9; 1)$, $N(2; 1; 3)$.
--	---

Контрольная работа №5: «Первообразная и интеграл»

Вариант 1

- Найти общий вид первообразных для функции
 а) $f(x) = 4\sin x + \cos 3x$;
 б) $f(x) = x^2 + 2x$.
- Найти первообразную функции $f(x) = 5x + x^2$, график которой проходит через точку $(1; 3)$.
- Вычислить интеграл $\int_1^2 (x^2 + x) dx$.
- Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями
 $y = 3 - x$ и $y = -x^2 + 2x + 3$.

Вариант 2

- Найти общий вид первообразных для функции
 а) $f(x) = 3\cos x + \sin 4x$;
 б) $f(x) = x^5 + x^2$.
- Найти первообразную функции $f(x) = 3x^2 - 5$, график которой проходит через точку $(2; 10)$.
- Вычислить интеграл $\int_0^1 (x^2 + 2x) dx$
- Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями
 $y = 3 + 2x$ и $y = x^2 - 2x + 3$.

Ответы к контрольной работе №5 : «Первообразная и интеграл»

№ варианта	Задание 1 <i>a)</i>	Задание 1 <i>б)</i>	Задание 2	Задание 3	Задание 4
1	$-4\cos x + \frac{1}{3}\sin 3x + C$	$\frac{x^3}{3} + x^2 + C$	$\frac{5x^2}{2} + \frac{x^3}{3} + \frac{1}{6}$	$3\frac{5}{6}$	4,5
2	$3\sin x - \frac{1}{4}\cos 4x + C$	$\frac{x^6}{6} + \frac{x^3}{3} + C$	$x^3 - 5x + 12$	$1\frac{1}{3}$	$10\frac{2}{3}$

3.2. Промежуточная аттестация

3.2.1 Дифференцированный зачет

Формой проведения промежуточной аттестации по дисциплине «ОУД.04.Математика» является письменный дифференцированный зачет, целью которого является оценка качества, уровня знаний и умений обучающихся. К промежуточной аттестации по дисциплине «ОУД.04.Математика» допускаются обучающиеся, не имеющие задолженностей по теоретическим и практическим занятиям и сдавшие зачеты.

Задания (8 вариантов)

Результатом освоения общеобразовательной дисциплины «ОУД.04. Математика» является значительное углубление, совершенствование и закрепление полученных знаний, умений, навыков в процессе обучения.

2.Задания

1 вариант	2 вариант
1.(16) Вычислить: $\sin^2 31^\circ + \cos^2 31^\circ =$ 2.(16) Упростить и вычислить выражение: $(1 - \cos x)(1 + \cos x) =$ 3. (16) Вычислите: $\operatorname{tg} 390^\circ \cdot \sqrt{3} =$ 4. (16) Наклонная и перпендикуляр 5.(16) Параллелепипед (провести полный анализ многогранника) 6. (16) Решите уравнение: $\log_4(x+1) < -2$ 7.(26) Решите уравнение: $2\cos(\frac{\pi}{4} + x) = \sqrt{2}$ 8.(26) Решите уравнение: $\sqrt{2x-1} = x-2$ 9. (26) Решите уравнение: $9^x - 26 \cdot 3^x - 27 = 0$ 10. (36) Решите уравнение: $\cos x - \sin(\frac{\pi}{2} - x) + \sin(\pi - x) = 0$	1. (16) Вычислить: $\cos^2 15^\circ - \sin^2 15^\circ =$ 2. (16) Упростить и вычислить выражение: $\sin 20^\circ \cos 40^\circ + \cos 20^\circ \sin 40^\circ =$ 3. (16) Вычислите: $\operatorname{tg} 15^\circ =$ 4. (16) Взаимное расположение прямых в пространстве 5. (16) Тетраэдр (провести полный анализ многогранника) 6. (16) Решите уравнение: $\log_6 x > 2$ 7. (26) Решите уравнение: $(-\frac{\pi}{4} + x) = -1$ 8. (26) Решите уравнение: $\sqrt{2x+3} = 6-x$ 9. (26) Решите уравнение: $25^x - 6 \cdot 5^x + 5 = 0$ 10. (36) Решите уравнение: $2\cos^2 x - 3\sin x \cos x + \sin^2 x = 0$
3 вариант	4 вариант
1. (16) Вычислить: $\cos^2 \frac{\pi}{12} - \sin^2 \frac{\pi}{12} =$ 2. (16) Упростить и вычислить выражение: $\sin 15^\circ \cos 45^\circ + \cos 15^\circ \sin 45^\circ =$ 3. (16) Вычислите: $\cos 135^\circ \cdot \sqrt{3}$ 4. (16) Взаимное расположение плоскостей в пространстве 5. (16) Параллелепипед (провести	1. (16) Вычислить: $\sin^2 52^\circ + \cos^2 52^\circ =$ 2. (16) Упростить и вычислить выражение: $\cos 99^\circ \cos 9^\circ + \sin 99^\circ \sin 9^\circ =$ 3. (16) Вычислите: $\operatorname{ctg} 300^\circ \cdot \sqrt{3}$ 4. (16) Наклонная и перпендикуляр 5. (16) Куб (провести полный анализ многогранника)

полный анализ многогранника) 6. (16) Решите уравнение: $\log_4 x < -2$ 7. (26) Решите уравнение $\cos(x - \frac{\pi}{6}) = 0$ 8. (26) Решите уравнение: $\sqrt{3x+1} = x-3$ 9. (26) Решите уравнение: $4^x - 48 \cdot 7^x - 49 = 0$ 10. (36) Решите уравнение: $\sin^2 x - 9 \sin x \cos x + 7 \cos^2 x = 0$	6. (16) Решите уравнение: $\log_4(x-3) < 2$ 7. (26) Решите уравнение: $\lg(\frac{\pi}{4} + x) = -\sqrt{3}$ 8. (26) Решите уравнение: $x - \sqrt{x} = 2$ 9. (26) Решите уравнение: $4^x - 5 \cdot 2^x + 4 = 0$ 10. (36) Решите уравнение: $\sin^2 x - \sin x \cos x = \cos^2 x$
5 вариант 1. (16) Вычислить: $\sin^2 43^\circ + \cos^2 43^\circ =$ 2. (16) Упростить и вычислить выражение: $(1 - \cos x)(1 + \cos x) =$ 3. (16) Вычислите: $\operatorname{tg} 390^\circ \cdot \sqrt{3} =$ 4. (16) Наклонная и перпендикуляр 5. (16) Параллелепипед (провести полный анализ многогранника) 6. (16) Решите уравнение: $\log_4(x+1) < -2$ 7. (26) Решите уравнение: $2\cos(\frac{\pi}{4} + x) = \sqrt{2}$ 8. (26) Решите уравнение: $\sqrt{2x-1} = x-2$ 9. (26) Решите уравнение: $9^x - 26 \cdot 3^x - 27 = 0$ 10. (36) Решите уравнение: $\cos x - \sin(\frac{\pi}{2} - x) + \sin(\pi - x) = 0$	6 вариант 1. (16) Вычислить: $\cos^2 98^\circ + \sin^2 98^\circ =$ 2. (16) Упростить и вычислить выражение: $\sin 20^\circ \cos 40^\circ + \cos 20^\circ \sin 40^\circ =$ 3. (16) Вычислите: $\operatorname{tg} 15^\circ =$ 4. (16) Взаимное расположение прямых в пространстве 5. (16) Тетраэдр (провести полный анализ многогранника) 6. (16) Решите уравнение: $\log_6 x > 2$ 7. (26) Решите уравнение: $(-\frac{\pi}{4} + x) = -1$ 8. (26) Решите уравнение: $\sqrt{2x+3} = 6-x$ 9. (26) Решите уравнение: $25^x - 6 \cdot 5^x + 5 = 0$ 10. (36) Решите уравнение: $2\cos^2 x - 3\sin x \cos x + \sin^2 x = 0$

7 вариант	8вариант
1. (1б) Вычислить: $\cos^2 \frac{\pi}{12} + \sin^2 \frac{\pi}{12} =$	1. (1б) Вычислить: $\sin^2 34^\circ + \cos^2 34^\circ =$
2. (1б) Упростить и вычислить выражение: $\sin 15 \cos 45 + \cos 15 \sin 45$	2. (1б) Упростить и вычислить выражение: $\cos 99 \cos 9 + \sin 99 \sin 9 =$
3. (1б) Вычислите: $\cos 135^\circ \cdot \sqrt{3}$	3. (1б) Вычислите: $\operatorname{ctg} 300^\circ \cdot \sqrt{3}$
4. (1б) Взаимное расположение плоскостей в пространстве	4. (1б) Наклонная и перпендикуляр
5. (1б) Параллелепипед (провести полный анализ многогранника)	5. (1б) Куб (провести полный анализ многогранника)
6. (1б) Решите уравнение: $\log_4 x < -2$	6. (1б) Решите уравнение: $\log_4 (x-3) < 2$
7. (2б) Решите уравнение: $\sin(x - \frac{\pi}{6}) = 0$	7. (2б) Решите уравнение: $\operatorname{ctg}(\frac{\pi}{4} + x) = -\sqrt{3}$
8. (2б) Решите уравнение: $\sqrt{3x+1} = x-3$	8. (2б) Решите уравнение: $x - \sqrt{x} = 2$
9. (2б) Решите уравнение: $x \cdot 48 \cdot 7^x - 49 = 0$	9. (2б) Решите уравнение: $4^x - 5 \cdot 2^x + 4 = 0$
10. (3б) Решите уравнение: $2\sin^2 x - 9\sin x \cos x + 7\cos^2 x = 0$	10. (3б) Решите уравнение: $2\sin^2 x - \sin x \cos x = \cos^2 x$

2.1 Приложение (эталон ответов)

№	B1	B2	B3	B4	B5	B6	B7	B8
1	1	$\sqrt{3}/2$	$\sqrt{3}/2$	1	1	1	1	1
2	$\sin^2 x$	$\sqrt{3}/2$	$\sqrt{3}/2$	0	$\sin^2 x$	$\sqrt{3}/2$	$\sqrt{3}/2$	0
3	1	$2-\sqrt{3}$	$-\sqrt{6}/2$	-1	1	$2-\sqrt{3}$	$-\sqrt{6}/2$	-1
6	$(-1; -15/16)$	$(36; +\infty)$	$(0; 1/16)$	$(3; 19)$	$(-1; -15/16)$	$(36; +\infty)$	$(0; 1/16)$	$(3; 19)$
7	$\pm \frac{\pi}{4} - \frac{\pi}{4} + 2\pi n$	πn	$\frac{2\pi}{3} + \pi n$	$-\frac{5\pi}{12} + \pi n$	$\pm \frac{\pi}{4} - \frac{\pi}{4} + 2\pi n$	πn	$\frac{2\pi}{3} + \pi n$	$-\frac{5\pi}{12} + \pi n$
8	5	3	8	4	5	3	8	4
9	3	0; 1	2	0; 2	3	0; 1	2	0; 2
10	πn	$\frac{\pi}{4} + \pi n;$ $\arctg 2 + \pi n$	$\frac{\pi}{4} + \pi n;$ $\arctg 3,5 + \pi n$	$\frac{\pi}{4} + \pi n;$ $\operatorname{Arctg}(-0,5) + \pi n$	πn	$\frac{\pi}{4} + \pi n;$ $\arctg 2 + \pi n$	$\frac{\pi}{4} + \pi n;$ $\arctg 3,5 + \pi n$	$\frac{\pi}{4} + \pi n;$ $\operatorname{Arctg}(-0,5) + \pi n$

3. Критерии оценки:

Количество вариантов – 8.

В каждом варианте по 10 практических заданий.

Время на выполнение письменной работы – 1 час 30 минут (90 минут)

Задания с 1 по 6 оцениваются 1 баллом.

Задания с 7 по 9 оцениваются 2 баллами.

Задание 10 оценивается 3 баллами.

Всего за работу можно получить 15 баллов.

Отметка «5» ставится, если:

- работа выполнена полностью;
- в логических рассуждениях и обосновании решения нет пробелов и ошибок;
- в решении нет математических ошибок (возможна одна неточность, описка, которая не является следствием незнания или непонимания учебного материала);
- студент набрал 14-15 баллов.

Отметка «4» ставится если:

- обоснования шагов решения недостаточны;
- студент набрал 12-13 баллов.

Отметка «3» ставится, если:

- обучающийся обладает обязательными умениями по проверяемой теме;
- студент набрал 9-11 баллов

Отметка «2» ставится, если:

- допущены существенные ошибки, показавшие, что обучающийся не обладает обязательными умениями по данной теме в полной мере;
- студент набрал менее 9 баллов.

3.2.2. Экзамен

Данная программа промежуточной аттестации по общеобразовательной дисциплине «ОУД.04. Математика» предназначена:

1. Для оценки полученных знаний по данной дисциплине.
2. Задания (два варианта)

Результатом освоения общеобразовательной дисциплины «ОУД.04 Математика» является

значительное углубление, совершенствование и закрепление полученных знаний, умений, навыков в процессе обучения

1. Задания (2 варианта)

1 вариант	2 вариант
1. Решить уравнение $3\sin^2 x + 10\sin x + 3 = 0$	1. Решить уравнение $4\sin^2 x + 11\sin x - 3 = 0$
2. Вычислить производную в точке $x=1$ $y = (x^2 + 4x^5 - 6)(x + 7x^2)$	2. Вычислить производную в точке $x=1$ $y = (x^2 - 3x^5 + 9)(x^4 + 3x^3)$
3. Напишите уравнение касательной к графику функции f в точке с абсциссой $x_0 = -1$ $f(x) = x^2 + 2x + 3$	3. Напишите уравнение касательной к графику функции f в точке с абсциссой $x_0 = -1$ $f(x) = x^3 - 4x^2 - 3$
4. Упростите уравнение: $\sqrt[3]{\frac{8a^3b^6}{27x^{12}y^3}}$	4. Упростите уравнение: $\sqrt[5]{\frac{a^{10}b^{20}}{32x^{15}}}$
5. Вычислите: $\log_8 \frac{1}{4} + \log \frac{1}{2}$	5. Вычислите: $\log_2 15 - \log_2 30$
6. Решите иррациональное уравнение $\sqrt[7]{2x^2 + 6x - 57} = -1$	6. Решите иррациональное уравнение $\sqrt[6]{x^2 + 7x + 13} = 1$
7. Найдите общий вид первообразных для функции f $f(x) = 12x^{11} - 4\sin x$	7. Найдите общий вид первообразных для функции f $f(x) = 14x^6 + 3\cos x$
8. Осевое сечение конуса – правильный треугольник. Найдите: а) площадь этого сечения, если радиус основания равен 10 см; б) объем конуса.	8. Осевое сечение конуса – прямоугольный треугольник. Найдите: а) площадь этого сечения, если радиус основания равен 9 см; б) объем конуса.

1.1 Приложение (эталон ответов)

1. Вариант.	2. Вариант.
1. $x = (-1)^{n+1} \arcsin 1/3 + \pi n, n \in \mathbb{Z}$	1. $x = (-1)^n \arcsin 1/4 + \pi n, n \in \mathbb{Z}$
2. 161	2. 39
3. $Y=2$	3. $y=11x+3$
4. $\frac{2ab^2}{3x^4y}$	4. $a^2b^4/2x^3$
5. -1	5. -1
6. 4, -7	6. -3, -4
7. $F(x) = x^{12} + 4\cos x + C$	7. $F(x) = 2x^7 + 3\sin x + C$
8. а) $100\sqrt{3}$ б) $1000\sqrt{3}\pi/3$	8. а) 81 б) 243π

3. Критерии оценки:

Количество вариантов – 2.

В каждом варианте по 8 практических задания.

Отметка «5» ставится, если:

- работа выполнена полностью;
- в логических рассуждениях и обосновании решения нет пробелов и ошибок;
- в решении нет математических ошибок (возможна одна неточность, описка, которая не является следствием незнания или непонимания учебного материала);

Отметка «4» ставится если:

- работа выполнена полностью, но обоснования шагов решения недостаточны;

- Отметка «3» ставится, если:

- обучающийся обладает обязательными умениями по проверяемой теме;
- обучающийся выполнил 5 и более заданий

Отметка «2» ставится, если:

- допущены существенные ошибки, показавшие, что обучающийся не обладает обязательными умениями по данной теме в полной мере;